

Une fois la relation \triangleright donnée, la relation \leftrightarrow se définit alors ainsi à partir de la fermeture réflexive-transitive \triangleright^* de la relation \triangleright

$$\mathbf{t} \leftrightarrow \mathbf{s} \text{ si et seulement si } \mathbf{t} \triangleright^* \mathbf{s} \text{ et } \mathbf{s} \text{ est irréductible}$$

Le fait que le terme \mathbf{s} soit irréductible signifie qu'il n'y a plus rien à calculer dans \mathbf{s} , par exemple le terme 20 est irréductible, mais pas le terme $16 + 4$. Cela peut se définir par le fait qu'il n'existe pas de terme \mathbf{s}' tel que $\mathbf{s} \triangleright \mathbf{s}'$.

1.3.4 La non-terminaison

L'exécution d'un programme peut donner un résultat, produire une erreur ou ne pas terminer. Les erreurs peuvent être considérées comme des résultats particuliers. Il y a, en revanche, plusieurs manières d'exprimer la sémantique des programmes qui ne terminent pas toujours. La première est de considérer que si le terme \mathbf{t} ne termine pas, alors il n'y a pas de couple de la forme (\mathbf{t}, \mathbf{s}) dans la relation \leftrightarrow . La seconde est d'ajouter un élément particulier \perp aux valeurs de sorties, et de décider que la relation \leftrightarrow contient le couple (\mathbf{t}, \perp) quand le terme \mathbf{t} ne termine pas.

Cette alternative peut paraître superficielle : il est très facile, quand on a une relation, d'enlever tous les couples de la forme (\mathbf{t}, \perp) , ou au contraire d'ajouter un tel couple quand il n'y a pas de couple de la forme (\mathbf{t}, \mathbf{s}) dans la relation. Ceux qui ont suivi un cours de calculabilité remarqueront cependant que, quand on ajoute les couples (\mathbf{t}, \perp) , la relation \leftrightarrow cesse d'être récursivement énumérable.