

Définition 1.24 (Séquent)

Un *séquent* est un couple $\Gamma \vdash A$, où Γ est un ensemble fini de propositions et A une proposition.

Définition 1.25 (Les règles de la déduction naturelle)

$$\begin{array}{c}
\overline{\Gamma \vdash A} \text{ axiome } A \in \Gamma \\
\\
\overline{\Gamma \vdash \top} \top\text{-intro} \\
\frac{\Gamma \vdash \perp}{\Gamma \vdash A} \perp\text{-élim} \\
\frac{\Gamma \vdash A \quad \Gamma \vdash B}{\Gamma \vdash A \wedge B} \wedge\text{-intro} \\
\frac{\Gamma \vdash A \wedge B}{\Gamma \vdash A} \wedge\text{-élim} \\
\frac{\Gamma \vdash A \wedge B}{\Gamma \vdash B} \wedge\text{-élim} \\
\frac{\Gamma \vdash A}{\Gamma \vdash A \vee B} \vee\text{-intro} \\
\frac{\Gamma \vdash B}{\Gamma \vdash A \vee B} \vee\text{-intro} \\
\frac{\Gamma \vdash A \vee B \quad \Gamma, A \vdash C \quad \Gamma, B \vdash C}{\Gamma \vdash C} \vee\text{-élim} \\
\frac{\Gamma, A \vdash B}{\Gamma \vdash A \Rightarrow B} \Rightarrow\text{-intro} \\
\frac{\Gamma \vdash A \Rightarrow B \quad \Gamma \vdash A}{\Gamma \vdash B} \Rightarrow\text{-élim} \\
\frac{\Gamma, A \vdash \perp}{\Gamma \vdash \neg A} \neg\text{-intro} \\
\frac{\Gamma \vdash A \quad \Gamma \vdash \neg A}{\Gamma \vdash \perp} \neg\text{-élim} \\
\frac{\Gamma \vdash A}{\Gamma \vdash \forall x A} \forall\text{-intro } x \text{ non libre dans } \Gamma \\
\frac{\Gamma \vdash \forall x A}{\Gamma \vdash (t/x)A} \forall\text{-élim}
\end{array}$$