- Si la dernière règle de π est la règle $\Rightarrow$-gauche, alors $A = (B \Rightarrow C)$ et la dernière règle de π' est la règle $\Rightarrow$-droite. Donc π a la forme

$$\dfrac{\dfrac{\rho_1}{\Gamma, A^{n-1} \vdash B, \Delta} \quad \dfrac{\rho_2}{\Gamma, A^{n-1}, C \vdash \Delta}}{\Gamma, A^{n-1}, B \Rightarrow C \vdash \Delta}\ \Rightarrow\text{-gauche}$$

et π' la forme

$$\dfrac{\dfrac{\rho'}{\Gamma', B \vdash C, A^{m-1}, \Delta'}}{\Gamma' \vdash B \Rightarrow C, A^{m-1}, \Delta'}\ \Rightarrow\text{-droite}$$

L'hypothèse de récurrence, appliquée à π et ρ', puis à ρ_1 et π' et enfin à ρ_2 et π' donne une démonstration de $\Gamma, \Gamma', B \vdash C, \Delta, \Delta'$, de $\Gamma, \Gamma' \vdash B, \Delta, \Delta'$ et de $\Gamma, \Gamma', C \vdash \Delta, \Delta'$. L'hypothèse de récurrence appliquée à B et C et les règles de contraction donnent une démonstration de $\Gamma, \Gamma' \vdash C, \Delta, \Delta'$ puis de $\Gamma, \Gamma' \vdash \Delta, \Delta'$.
- Si la dernière règle de π est la règle $\neg$-gauche, alors $A = \neg B$ et la dernière règle de π' est la règle $\neg$-droite. Donc π a la forme

$$\dfrac{\dfrac{\rho}{\Gamma, A^{n-1} \vdash B, \Delta}}{\Gamma, A^{n-1}, \neg B \vdash \Delta}\ \neg\text{-gauche}$$

et π' la forme

$$\dfrac{\dfrac{\rho'}{\Gamma', B \vdash A^{m-1}, \Delta'}}{\Gamma' \vdash \neg B, A^{m-1}, \Delta'}\ \neg\text{-droite}$$

L'hypothèse de récurrence, appliquée à π et ρ', puis à ρ et π' donne une démonstration de $\Gamma, \Gamma', B \vdash \Delta, \Delta'$ et de $\Gamma, \Gamma' \vdash B, \Delta, \Delta'$. L'hypothèse de récurrence appliquée à B et les règles de contraction donnent une démonstration de $\Gamma, \Gamma' \vdash \Delta, \Delta'$.
- Si la dernière règle de π est la règle $\forall$-gauche, alors $A = \forall x\ B$ et la dernière règle de π' est la règle $\forall$-droite. Donc π a la forme

$$\dfrac{\dfrac{\rho}{\Gamma, A^{n-1}, (t/x)B \vdash \Delta}}{\Gamma, A^{n-1}, \forall x\ B \vdash \Delta}\ \forall\text{-gauche}$$

et π' la forme

$$\dfrac{\dfrac{\rho'}{\Gamma' \vdash B, A^{m-1}, \Delta'}}{\Gamma' \vdash \forall x\ B, A^{m-1}, \Delta'}\ \forall\text{-droite}$$

Comme x n'est pas une variable libre de Γ', de A ou de Δ', en substituant la variable x par le terme t dans la démonstration ρ', on obtient une