

# Les protocoles cryptographiques: comment sécuriser nos communications ?

Stéphanie Delaune

Chargée de recherche CNRS au LSV,  
INRIA projet Secsi & ENS Cachan

21 Mai 2008



- 17 **départements d'enseignement**: mathématiques, informatique, chimie, génie mécanique, sciences sociales, ...
- 12 **laboratoires de recherche**: Laboratoire Spécification & Vérification, ...

—→ accroître notre confiance dans les logiciels critiques

→ accroître notre confiance dans les logiciels critiques

- **logiciel**: texte relativement long écrit dans un langage spécifique et qui sera **exécuté par un ordinateur**
- **critique**: une défaillance peut avoir des **conséquences désastreuses** en termes humains ou économiques

Ennemi public numéro 1: le **bug** ...



Ennemi public numéro 1: le **bug** ...



... aussi connu sous le nom de **bogue** !

# Dans la vie quotidienne !

# Dans la vie quotidienne !



# Ariane V - 4 juin 1996



Un crash après 40 secondes de vol dû

...



Un crash après 40 secondes de vol dû

...

à un **bug logiciel** !

- 1 189 vols réussis pour Ariane IV,
- 2 réutilisation du logiciel de lancement d'Ariane IV,
- 3 ajout du nécessaire pour la nouvelle fusée.

→ Le logiciel d'Ariane IV contenait un bug !

# Sonde Mars Climate Orbiter - 26 septembre 1999



Perte de la sonde due ...

# Sonde Mars Climate Orbiter - 26 septembre 1999



Perte de la sonde due ... à un problème d'**unité de mesure** !

# Carte bancaire

La carte bleue est protégée par un grand nombre public dont on ne connaît pas la **factorisation**.



# Carte bancaire

La carte bleue est protégée par un grand nombre public dont on ne connaît pas la **factorisation**.



## Nombre de 96 chiffres

213598703592091008239502270499962879705109534182641740644252  
4165008583957746445088405009430865999

# Carte bancaire

La carte bleue est protégée par un grand nombre public dont on ne connaît pas la factorisation.



## Nombre de 96 chiffres

213598703592091008239502270499962879705109534182641740644252  
4165008583957746445088405009430865999

## Affaire Serge Humpich (1997)

il factorise ce nombre de 96 chiffres et conçoit de fausses cartes bleues (les « YesCard »).

La carte bleue est protégée par un grand nombre public dont on ne connaît pas la factorisation.



## Nombre de 96 chiffres

213598703592091008239502270499962879705109534182641740644252  
4165008583957746445088405009430865999

## Affaire Serge Humpich (1997)

il factorise ce nombre de 96 chiffres et conçoit de fausses cartes bleues (les « YesCard »).

→ Depuis, le nombre utilisé pour sécuriser les cartes bancaires comportent **232 chiffres**.

→ une petite modification (quelques caractères) peut le transformer complètement.

## Un besoin crucial de vérification

- pour des **raisons économiques**  
→ Ariane 5, carte bancaire, ...
- mais parfois il y a aussi des **vies humaines** en jeu  
→ la machine Therac-25 dans les années 80  
→ **logiciels embarqués** dans les voitures, les avions, ...

# Comment fait-on ?



## Tests

- à la main ou génération automatique;
- vérification d'un **nombre fini** de cas.



# Comment fait-on ?



## Tests

- à la main ou génération automatique;
- vérification d'un **nombre fini** de cas.

∞ ∞ ∞

Accéder à l'**infini**: un rêve impossible ?

∞ ∞ ∞



# Comment fait-on ?



## Tests

- à la main ou génération automatique;
- vérification d'un **nombre fini** de cas.

∞ ∞ ∞

Accéder à l'**infini**: un rêve impossible ?

∞ ∞ ∞

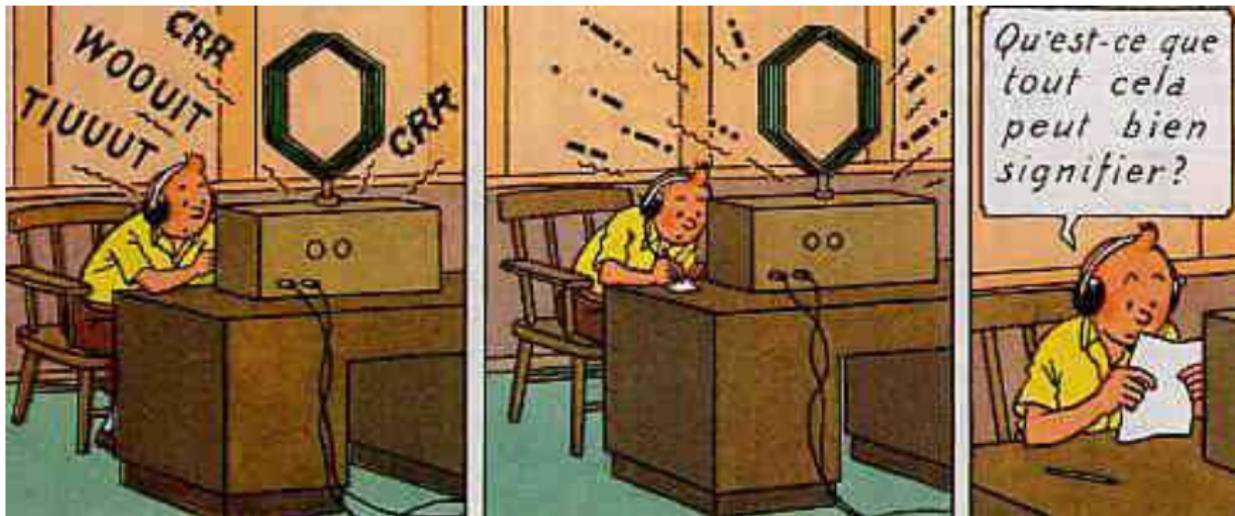
## Vérification (preuves formelles)

→ preuves mathématiques

- à la main ou à l'aide d'ordinateur;
- vérification de **tous** les cas possibles;
- plus difficile.



## Les protocoles cryptographiques: comment sécuriser nos communications ?



# Les protocoles cryptographiques

- petits programmes destinés à **sécuriser** les communications
- **omniprésents**: paiement sur internet, e-administration (impôts), distributeurs de billets, téléphonie mobile. . .



Le réseau de communication est **non fiable** !



# Une ville imaginaire ....



# Une ville imaginaire ....



... mais le postier est **malhonnête**, il

- peut **intercepter** les messages,
- peut changer le nom de l'expéditeur du courrier,
- peut distribuer des **faux messages**,
- ...

# Une ville imaginaire ....



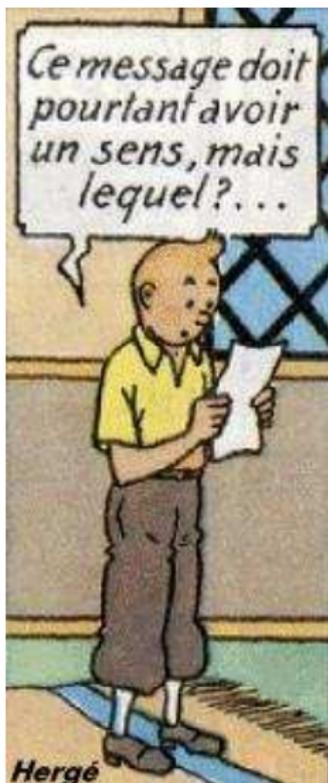
... mais le postier est **malhonnête**, il

- peut **intercepter** les messages,
- peut changer le nom de l'expéditeur du courrier,
- peut distribuer des **faux messages**,
- ...



Il faut **protéger** les messages !



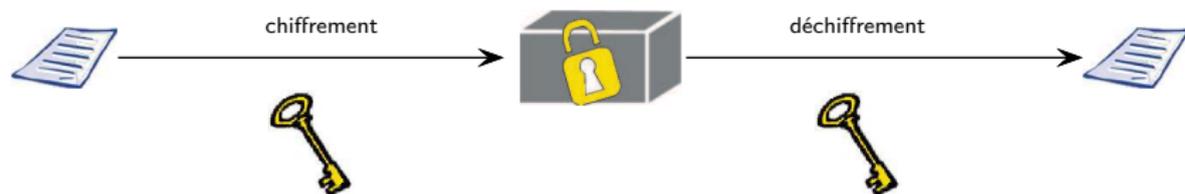


## Le chiffrement

« ROBPS LDGHV GHPDW  
KHPDW LTXHV »

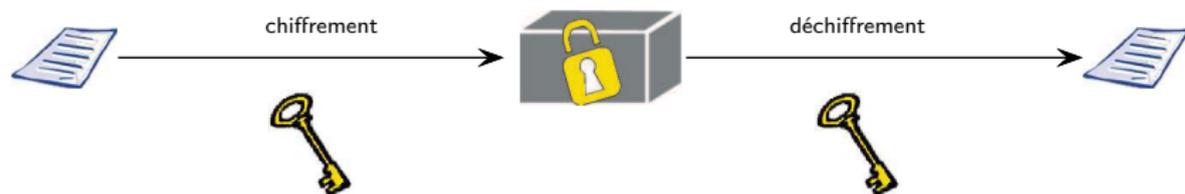
# Qu'est-ce que le chiffrement ?

## Chiffrement Symétrique



# Qu'est-ce que le chiffrement ?

## Chiffrement Symétrique



- plus ancienne forme de chiffrement,
- traces de son utilisation par les Égyptiens vers 2000 avant J.-C.

# Chiffrement de César

Cette méthode consiste à **décaler** les lettres de l'alphabet d'un nombre fixé de crans

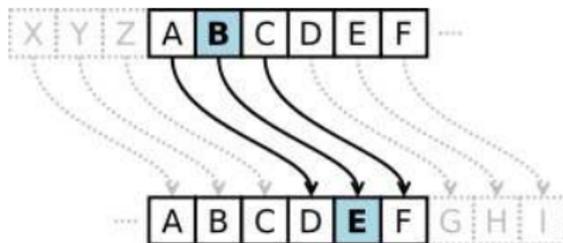


# Chiffrement de César

Cette méthode consiste à **décaler** les lettres de l'alphabet d'un nombre fixé de crans



**Exemple:** Un décalage de 3.



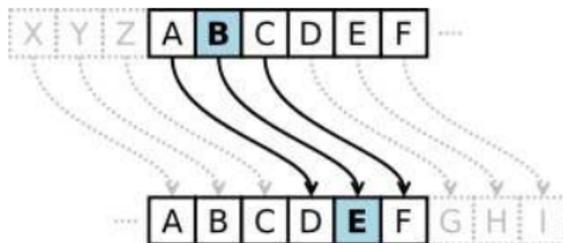
OLYMPIADES DE MATHEMATIQUES

# Chiffrement de César

Cette méthode consiste à **décaler** les lettres de l'alphabet d'un nombre fixé de crans



**Exemple:** Un décalage de 3.



OLYMPIADES DE MATHEMATIQUES

ROBPS LDGHV GHPDW KHPDW LTXHV

# Seconde Guerre mondiale (1939-1945)



## Enigma

- machine électro-mécanique portable d'origine allemande,
- nombreuses **permutations**.

## Un peu d'histoire ...

- **1945**: La plupart des messages codés allemands étaient décryptés en un jour ou deux.
- **Alan Turing** a beaucoup contribué à « casser » cette méthode de chiffrement.

# Seconde Guerre mondiale (1939-1945)



## Enigma

- machine électro-mécanique portable d'origine allemande,
- nombreuses **permutations**.

## Un peu d'histoire ...

- **1945**: La plupart des messages codés allemands étaient décryptés en un jour ou deux.
- **Alan Turing** a beaucoup contribué à « casser » cette méthode de chiffrement.

→ aujourd'hui, le DES (développé par IBM) utilise les mêmes ingrédients

# Chiffrement asymétrique (ou à clefs publiques)

## Chiffrement asymétrique



# Chiffrement asymétrique (ou à clefs publiques)

## Chiffrement asymétrique



**1977:** chiffrement RSA (encore utilisé à l'heure actuelle)

- cette méthode de chiffrement repose sur un **problème mathématique** bien connu: le problème de la **factorisation**.

# Chiffrement asymétrique (ou à clefs publiques)

## Chiffrement asymétrique



**1977:** chiffrement RSA (encore utilisé à l'heure actuelle)

- cette méthode de chiffrement repose sur un **problème mathématique** bien connu: le problème de la **factorisation**.

Tant que nous ne sommes pas capables de résoudre ce problème d'une façon **efficace**, la méthode de chiffrement RSA sera considérée sûre.



## Les challenges RSA

- défis lancés par le laboratoire RSA Security
- récompenses importantes offertes

# Casser le chiffrement RSA



## Les challenges RSA

- défis lancés par le laboratoire RSA Security
- récompenses importantes offertes

RSA-576	174 chiffres	réussi	2003
RSA-640	193 chiffres	réussi	2005
RSA-704	212 chiffres	non résolu – 30 000 dollars	
...	..	...	
RSA-2048	617 chiffres	non résolu – 200 000 dollars	

# Casser le chiffrement RSA

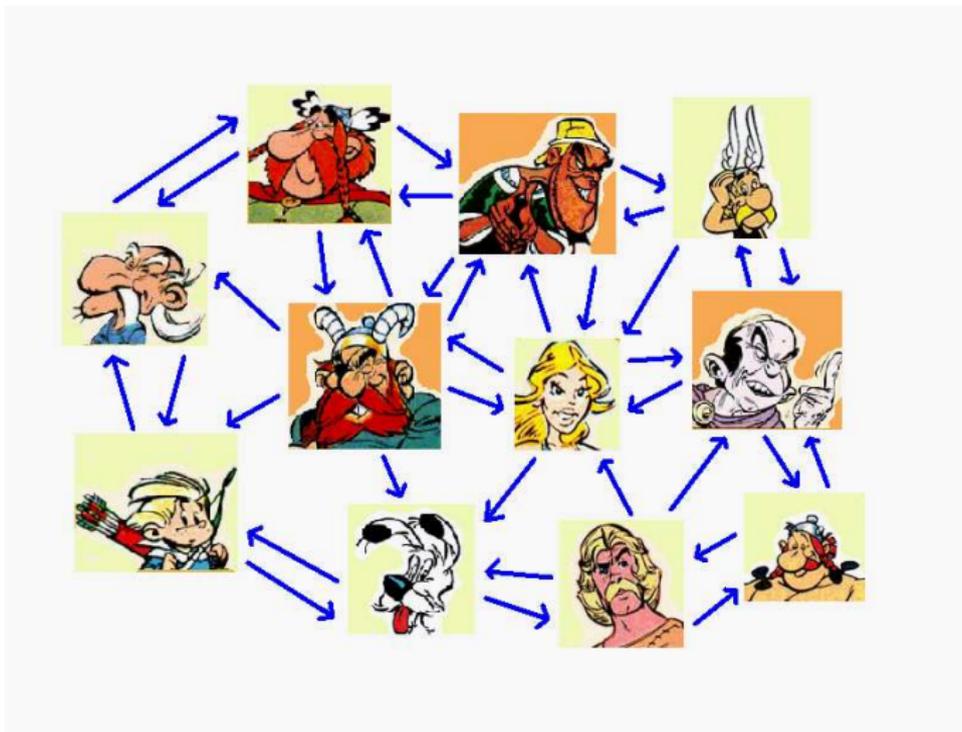


## Les challenges RSA

- défis lancés par le laboratoire RSA Security
- récompenses importantes offertes

RSA-576	174 chiffres	réussi	2003
RSA-640	193 chiffres	réussi	2005
RSA-704	212 chiffres	non résolu – 30 000 dollars	
...	..	...	
RSA-2048	617 chiffres	non résolu – 200 000 dollars	

→ Ces challenges ont été retirés en 2007 !



Chiffrer ne suffit pas toujours !

# Attaque par rejeu de messages



virer 100 euros sur  
le compte du marchand

→



# Attaque par rejeu de messages



virer 100 euros sur  
le compte du marchand



virer 100 euros sur  
le compte du marchand



# Attaque par rejeu de messages



virer 100 euros sur  
le compte du marchand



virer 100 euros sur  
le compte du marchand



virer 100 euros sur  
le compte du marchand



⋮

virer 100 euros sur  
le compte du marchand



# Attaque par rejeu de messages



virer 100 euros sur  
le compte du marchand



virer 100 euros sur  
le compte du marchand



virer 100 euros sur  
le compte du marchand



⋮

virer 100 euros sur  
le compte du marchand



**Exemple:** attaque sur les décodeurs (bloquer l'ordre de désabonnement)

# Retour sur le protocole de carte bancaire



- Le client  $CI$  insère sa carte  $C$  dans le terminal  $T$ .
- Le marchand saisit le montant  $M$  de la transaction.

- Le terminal vérifie qu'il s'agit d'une « vraie carte ».
- Le client entre son code.  
Si  $M \geq \text{€}100$ , alors dans 20% des cas,
  - Le terminal contacte la banque  $B$ .
  - La banque donne (ou pas) son autorisation.



Le terminal  $T$  lit la carte  $C$ :

1.  $C \rightarrow T : Data, \{Data\}_{priv(B)}$

Le terminal  $T$  lit la carte  $C$ :

1.  $C \rightarrow T$  :  $Data, \{Data\}_{priv(B)}$

Le terminal  $T$  demande le code:

2.  $T \rightarrow CI$  :  $code?$
3.  $CI \rightarrow C$  : 1234
4.  $C \rightarrow T$  : code bon

Le terminal  $T$  lit la carte  $C$ :

1.  $C \rightarrow T : Data, \{Data\}_{priv(B)}$

Le terminal  $T$  demande le code:

2.  $T \rightarrow CI : code?$

3.  $CI \rightarrow C : 1234$

4.  $C \rightarrow T : code\ bon$

Le terminal  $T$  demande l'autorisation à la banque  $B$ :

5.  $T \rightarrow B : autorisation?$

6.  $B \rightarrow T : 45289$

7.  $T \rightarrow C : 45289$

8.  $C \rightarrow T : \{45289\}_{K_{CB}}$

9.  $T \rightarrow B : \{45289\}_{K_{CB}}$

10.  $B \rightarrow T : ok$

# Attaques sur la carte bleue

Initialement la sécurité été assurée par :

- cartes difficilement répliquables,
- secret des clefs et du protocole.



# Attaques sur la carte bleue

Initialement la sécurité été assurée par :

- cartes difficilement répliquables,
- secret des clefs et du protocole.



Mais il y a des failles !

- le chiffrement n'est pas sûr;
- on peut faire des fausses cartes.

→ “YesCard” fabriquées par Serge Humpich (1997).

Les mathématiques et l'informatique à la rescousse !

## Les mathématiques et l'informatique à la rescousse !

Notre but:

- ① faire des preuves mathématiques rigoureuses,
- ② d'une façon automatique.

« Construire une machine à détecter les bugs »

## Les mathématiques et l'informatique à la rescousse !

Notre but:

- 1 faire des preuves mathématiques rigoureuses,
- 2 d'une façon automatique.

« Construire une machine à détecter les bugs »

**1936:** une telle machine n'existe pas (Alan Turing)

... même dans le cas particulier des protocoles cryptographiques.



# Mais alors, que faisons nous ?

Le problème n'a pas de solution ....



# Mais alors, que faisons nous ?

Le problème n'a pas de solution ....  
mais seulement dans le cas général



# Mais alors, que faisons nous ?

Le problème n'a **pas de solution** ....  
mais seulement dans le **cas général**



Différentes pistes:

- résoudre le problème dans de nombreux **cas intéressants**,

# Mais alors, que faisons nous ?

Le problème n'a **pas de solution** ....  
mais seulement dans le **cas général**



Différentes pistes:

- résoudre le problème dans de nombreux **cas intéressants**,
- proposer des **procédures approchées**,

**Exemple:** si le vérificateur répond « **oui** » alors le logiciel est **sûr**,  
sinon on ne peut rien dire

# Mais alors, que faisons nous ?

Le problème n'a **pas de solution** ....  
mais seulement dans le **cas général**



Différentes pistes:

- résoudre le problème dans de nombreux **cas intéressants**,
- proposer des **procédures approchées**,  
**Exemple:** si le vérificateur répond « **oui** » alors le logiciel est **sûr**,  
sinon on ne peut rien dire
- ...



# Il reste beaucoup à faire



Les logiciels sont en perpétuelle évolution ...

- en vue de leur **amélioration**,
- pour développer de **nouvelles applications**  
→ vote électronique, robot en chirurgie, ...

... et sont de plus en plus **complexes**.



# Il reste beaucoup à faire



Les logiciels sont en perpétuelle évolution ...

- en vue de leur **amélioration**,
- pour développer de **nouvelles applications**  
→ vote électronique, robot en chirurgie, ...

... et sont de plus en plus **complexes**.

L'informatique est une **discipline** très vaste et en plein essor.

- informatique de la vérification,
- bioinformatique,
- exploration de données, ...

