

Les protocoles cryptographiques: comment sécuriser nos communications ?

Stéphanie Delaune

Chargée de recherche CNRS au LSV,
INRIA projet Secsi & ENS Cachan

21 Mai 2008



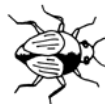
- 17 **départements d'enseignement**: mathématiques, informatique, chimie, génie mécanique, sciences sociales, ...
- 12 **laboratoires de recherche**: Laboratoire Spécification & Vérification, ...

→ accroître notre confiance dans les logiciels critiques

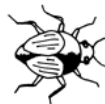
→ accroître notre confiance dans les logiciels critiques

- **logiciel**: texte relativement long écrit dans un langage spécifique et qui sera **exécuté par un ordinateur**
- **critique**: une défaillance peut avoir des **conséquences désastreuses** en termes humains ou économiques

Ennemi public numéro 1: le **bug** ...



Ennemi public numéro 1: le **bug** ...



... aussi connu sous le nom de **bogue** !

Dans la vie quotidienne !

Dans la vie quotidienne !



Ariane V - 4 juin 1996



Un crash après 40 secondes de vol dû

...



Un crash après 40 secondes de vol dû
...
à un **bug logiciel** !

- 1 189 vols réussis pour Ariane IV,
- 2 réutilisation du logiciel de lancement d'Ariane IV,
- 3 ajout du nécessaire pour la nouvelle fusée.

→ Le logiciel d'Ariane IV contenait un bug !

Sonde Mars Climate Orbiter - 26 septembre 1999



Perte de la sonde due ...

Sonde Mars Climate Orbiter - 26 septembre 1999



Perte de la sonde due ... à un problème d'**unité de mesure** !

Carte bancaire

La carte bleue est protégée par un grand nombre public dont on ne connaît pas la **factorisation**.



Carte bancaire

La carte bleue est protégée par un grand nombre public dont on ne connaît pas la **factorisation**.



Nombre de 96 chiffres

213598703592091008239502270499962879705109534182641740644252
4165008583957746445088405009430865999

Carte bancaire

La carte bleue est protégée par un grand nombre public dont on ne connaît pas la factorisation.



Nombre de 96 chiffres

213598703592091008239502270499962879705109534182641740644252
4165008583957746445088405009430865999

Affaire Serge Humpich (1997)

il factorise ce nombre de 96 chiffres et conçoit de fausses cartes bleues (les « YesCard »).

La carte bleue est protégée par un grand nombre public dont on ne connaît pas la factorisation.



Nombre de 96 chiffres

213598703592091008239502270499962879705109534182641740644252
4165008583957746445088405009430865999

Affaire Serge Humpich (1997)

il factorise ce nombre de 96 chiffres et conçoit de fausses cartes bleues (les « YesCard »).

→ Depuis, le nombre utilisé pour sécuriser les cartes bancaires comportent **232 chiffres**.

→ une petite modification (quelques caractères) peut le transformer complètement.

Un besoin crucial de vérification

- pour des **raisons économiques**
→ Ariane 5, carte bancaire, ...
- mais parfois il y a aussi des **vies humaines** en jeu
→ la machine Therac-25 dans les années 80
→ **logiciels embarqués** dans les voitures, les avions, ...

Comment fait-on ?



Tests

- à la main ou génération automatique;
- vérification d'un **nombre fini** de cas.



Comment fait-on ?



Tests

- à la main ou génération automatique;
- vérification d'un **nombre fini** de cas.

∞ ∞ ∞

Accéder à l'**infini**: un rêve impossible ?

∞ ∞ ∞



Comment fait-on ?



Tests

- à la main ou génération automatique;
- vérification d'un **nombre fini** de cas.

∞ ∞ ∞

Accéder à l'**infini**: un rêve impossible ?

∞ ∞ ∞

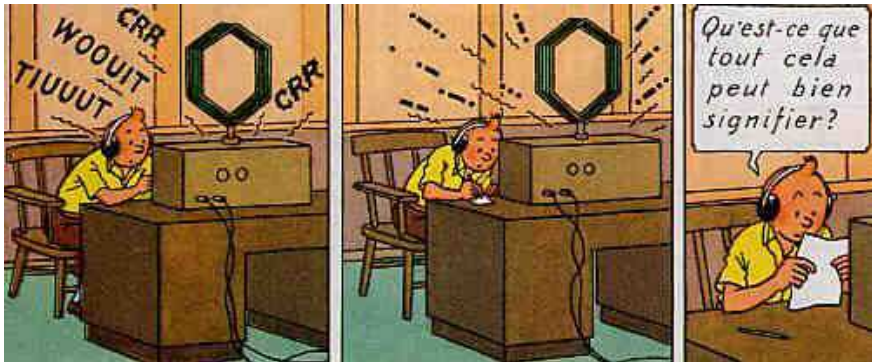
Vérification (preuves formelles)

→ preuves mathématiques

- à la main ou à l'aide d'ordinateur;
- vérification de **tous** les cas possibles;
- plus difficile.



Les protocoles cryptographiques: comment sécuriser nos communications ?



Les protocoles cryptographiques

- petits programmes destinés à **sécuriser** les communications
- **omniprésents**: paiement sur internet, e-administration (impôts), distributeurs de billets, téléphonie mobile. . .



Le réseau de communication est **non fiable** !

Service
24 heures
Ligne directe
Piratage



1-800-363-9166

Une ville imaginaire



Une ville imaginaire



... mais le postier est **malhonnête**, il

- peut **intercepter** les messages,
- peut changer le nom de l'expéditeur du courrier,
- peut distribuer des **faux messages**,
- ...

Une ville imaginaire



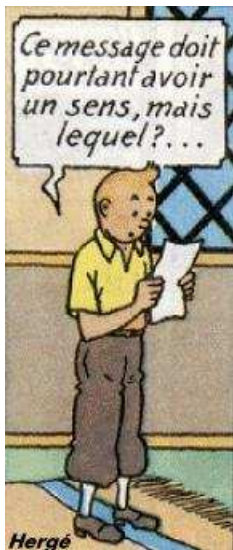
... mais le postier est **malhonnête**, il

- peut **intercepter** les messages,
- peut changer le nom de l'expéditeur du courrier,
- peut distribuer des **faux messages**,
- ...



Il faut **protéger** les messages !





Le chiffrement

« ROBPS LDGHV GHPDW
KHPDW LTXHV »

Qu'est-ce que le chiffrement ?

Chiffrement Symétrique



Qu'est-ce que le chiffrement ?

Chiffrement Symétrique



- plus ancienne forme de chiffrement,
- traces de son utilisation par les Égyptiens vers 2000 avant J.-C.

Chiffrement de César

Cette méthode consiste à **décaler** les lettres de l'alphabet d'un nombre fixé de crans

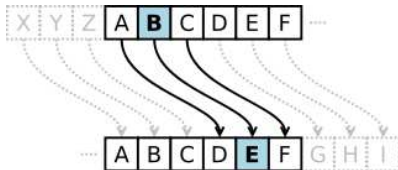


Chiffrement de César

Cette méthode consiste à **décaler** les lettres de l'alphabet d'un nombre fixé de crans



Exemple: Un décalage de 3.



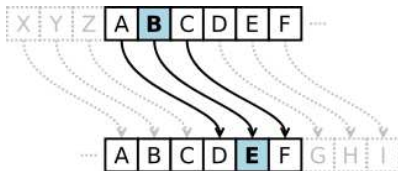
OLYMPIADES DE MATHEMATIQUES

Chiffrement de César

Cette méthode consiste à **décaler** les lettres de l'alphabet d'un nombre fixé de crans



Exemple: Un décalage de 3.



OLYMPIADES DE MATHEMATIQUES

ROBPS LDGHV GHPDW KHPDW LTXHV

Seconde Guerre mondiale (1939-1945)



Enigma

- machine électro-mécanique portable d'origine allemande,
- nombreuses **permutations**.

Un peu d'histoire ...

- **1945**: La plupart des messages codés allemands étaient décryptés en un jour ou deux.
- **Alan Turing** a beaucoup contribué à « casser » cette méthode de chiffrement.

Seconde Guerre mondiale (1939-1945)



Enigma

- machine électro-mécanique portable d'origine allemande,
- nombreuses **permutations**.

Un peu d'histoire ...

- **1945**: La plupart des messages codés allemands étaient décryptés en un jour ou deux.
- **Alan Turing** a beaucoup contribué à « casser » cette méthode de chiffrement.

→ aujourd'hui, le DES (développé par IBM) utilise les mêmes ingrédients

Chiffrement asymétrique (ou à clefs publiques)

Chiffrement asymétrique



Chiffrement asymétrique (ou à clefs publiques)

Chiffrement asymétrique



1977: chiffrement RSA (encore utilisé à l'heure actuelle)

- cette méthode de chiffrement repose sur un **problème mathématique** bien connu: le problème de la **factorisation**.

Chiffrement asymétrique (ou à clefs publiques)

Chiffrement asymétrique



1977: chiffrement RSA (encore utilisé à l'heure actuelle)

- cette méthode de chiffrement repose sur un **problème mathématique** bien connu: le problème de la **factorisation**.

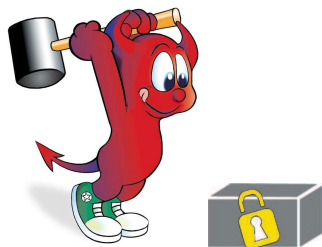
Tant que nous ne sommes pas capables de résoudre ce problème d'une façon **efficace**, la méthode de chiffrement RSA sera considérée sûre.



Les challenges RSA

- défis lancés par le laboratoire RSA Security
- récompenses importantes offertes

Casser le chiffrement RSA



Les challenges RSA

- défis lancés par le laboratoire RSA Security
- récompenses importantes offertes

RSA-576	174 chiffres	réussi	2003
RSA-640	193 chiffres	réussi	2005
RSA-704	212 chiffres	non résolu – 30 000 dollars	
...	
RSA-2048	617 chiffres	non résolu – 200 000 dollars	

Casser le chiffrement RSA

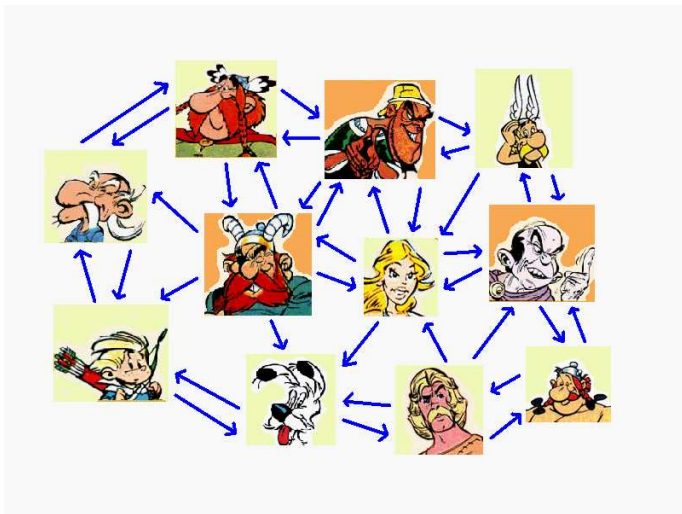


Les challenges RSA

- défis lancés par le laboratoire RSA Security
- récompenses importantes offertes

RSA-576	174 chiffres	réussi	2003
RSA-640	193 chiffres	réussi	2005
RSA-704	212 chiffres	non résolu – 30 000 dollars	
...	
RSA-2048	617 chiffres	non résolu – 200 000 dollars	

→ Ces challenges ont été retirés en 2007 !



Chiffrer ne suffit pas toujours !

Attaque par rejeu de messages



virer 100 euros sur
le compte du marchand

→



Attaque par rejeu de messages



virer 100 euros sur
le compte du marchand

→



virer 100 euros sur
le compte du marchand

→



Attaque par rejeu de messages



virer 100 euros sur
le compte du marchand



virer 100 euros sur
le compte du marchand



virer 100 euros sur
le compte du marchand



⋮

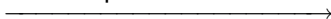
virer 100 euros sur
le compte du marchand



Attaque par rejeu de messages



virer 100 euros sur
le compte du marchand



virer 100 euros sur
le compte du marchand



virer 100 euros sur
le compte du marchand



⋮

virer 100 euros sur
le compte du marchand



Exemple: attaque sur les décodeurs (bloquer l'ordre de désabonnement)

Retour sur le protocole de carte bancaire



- Le client CI insère sa carte C dans le terminal T .
- Le marchand saisit le montant M de la transaction.

- Le terminal vérifie qu'il s'agit d'une « vraie carte ».
- Le client entre son code.
Si $M \geq \text{€}100$, alors dans 20% des cas,
 - Le terminal contacte la banque B .
 - La banque donne (ou pas) son autorisation.



Le terminal T lit la carte C :

1. $C \rightarrow T : Data, \{Data\}_{priv(B)}$

Le terminal T lit la carte C :

1. $C \rightarrow T : Data, \{Data\}_{priv(B)}$

Le terminal T demande le code:

2. $T \rightarrow CI : code?$

3. $CI \rightarrow C : 1234$

4. $C \rightarrow T : code\ bon$

Le terminal T lit la carte C :

1. $C \rightarrow T : Data, \{Data\}_{priv(B)}$

Le terminal T demande le code:

2. $T \rightarrow CI : code?$

3. $CI \rightarrow C : 1234$

4. $C \rightarrow T : code\ bon$

Le terminal T demande l'autorisation à la banque B :

5. $T \rightarrow B : autorisation?$

6. $B \rightarrow T : 45289$

7. $T \rightarrow C : 45289$

8. $C \rightarrow T : \{45289\}_{K_{CB}}$

9. $T \rightarrow B : \{45289\}_{K_{CB}}$

10. $B \rightarrow T : ok$

Attaques sur la carte bleue

Initialement la sécurité été assurée par :

- cartes difficilement répliquables,
- secret des clefs et du protocole.



Attaques sur la carte bleue

Initialement la sécurité été assurée par :

- cartes difficilement répliquables,
- secret des clefs et du protocole.



Mais il y a des failles !

- le chiffrement n'est pas sûr;
- on peut faire des fausses cartes.

→ “YesCard” fabriquées par Serge Humpich (1997).

Les mathématiques et l'informatique à la rescousse !

Les mathématiques et l'informatique à la rescousse !

Notre but:

- 1 faire des preuves mathématiques rigoureuses,
- 2 d'une façon automatique.

« Construire une machine à détecter les bugs »

Les mathématiques et l'informatique à la rescousse !

Notre but:

- 1 faire des preuves mathématiques rigoureuses,
- 2 d'une façon automatique.

« Construire une machine à détecter les bugs »

1936: une telle machine n'existe pas (Alan Turing)

... même dans le cas particulier des protocoles cryptographiques.



Mais alors, que faisons nous ?

Le problème n'a pas de solution



Mais alors, que faisons nous ?

Le problème n'a **pas de solution**
mais seulement dans le **cas général**



Mais alors, que faisons nous ?

Le problème n'a **pas de solution**
mais seulement dans le **cas général**



Différentes pistes:

- résoudre le problème dans de nombreux **cas intéressants**,

Mais alors, que faisons nous ?

Le problème n'a **pas de solution**
mais seulement dans le **cas général**



Différentes pistes:

- résoudre le problème dans de nombreux **cas intéressants**,
- proposer des **procédures approchées**,

Exemple: si le vérificateur répond « **oui** » alors le logiciel est **sûr**,
sinon on ne peut rien dire

Mais alors, que faisons nous ?

Le problème n'a **pas de solution**
mais seulement dans le **cas général**



Différentes pistes:

- résoudre le problème dans de nombreux **cas intéressants**,
- proposer des **procédures approchées**,
Exemple: si le vérificateur répond « **oui** » alors le logiciel est **sûr**,
sinon on ne peut rien dire
- ...

Il reste beaucoup à faire



Les logiciels sont en perpétuelle évolution ...

- en vue de leur **amélioration**,
- pour développer de **nouvelles applications**
→ vote électronique, robot en chirurgie, ...

... et sont de plus en plus **complexes**.



Il reste beaucoup à faire



Les logiciels sont en perpétuelle évolution ...

- en vue de leur **amélioration**,
- pour développer de **nouvelles applications**
→ vote électronique, robot en chirurgie, ...

... et sont de plus en plus **complexes**.

L'informatique est une **discipline** très vaste et en plein essor.

- informatique de la vérification,
- bioinformatique,
- exploration de données, ...

